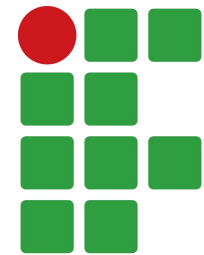


ALGORITMOS E ESTRUTURA DE DADOS

Curso de Engenharia de Software
Lucas Sampaio Leite



**INSTITUTO
FEDERAL**
Pernambuco

O problema da ordenação

- Definição: Dada uma coleção de elementos, o problema da ordenação consiste em reorganizá-los de acordo com um critério estabelecido, geralmente em ordem crescente ou decrescente.

O problema da ordenação

- Definição: Dada uma coleção de elementos, o problema da ordenação consiste em reorganizá-los de acordo com um critério estabelecido, geralmente em ordem crescente ou decrescente.
- Operação fundamental na computação:
 - Nos primórdios da computação era de conhecimento comum que até 30% de todos os ciclos de processamento era gasto com ordenação.¹
 - Hoje, essa proporção é menor, devido à eficiência dos algoritmos de ordenação.¹

¹Robert Sedgewick and Kevin Wayne. 2011. *Algorithms* (4th ed.). Addison-Wesley Professional

Bubble sort

- O Bubble Sort é um algoritmo de ordenação que percorre repetidamente a coleção, comparando elementos adjacentes e trocando suas posições sempre que estiverem na ordem incorreta. A cada passagem, os maiores (ou menores) elementos são deslocados gradualmente para suas posições finais.
- O nome Bubble Sort ("Ordenação por Bolha") vem do fato de que os maiores elementos "flutuam" gradualmente para o final da coleção, assim como bolhas sobem à superfície da água.

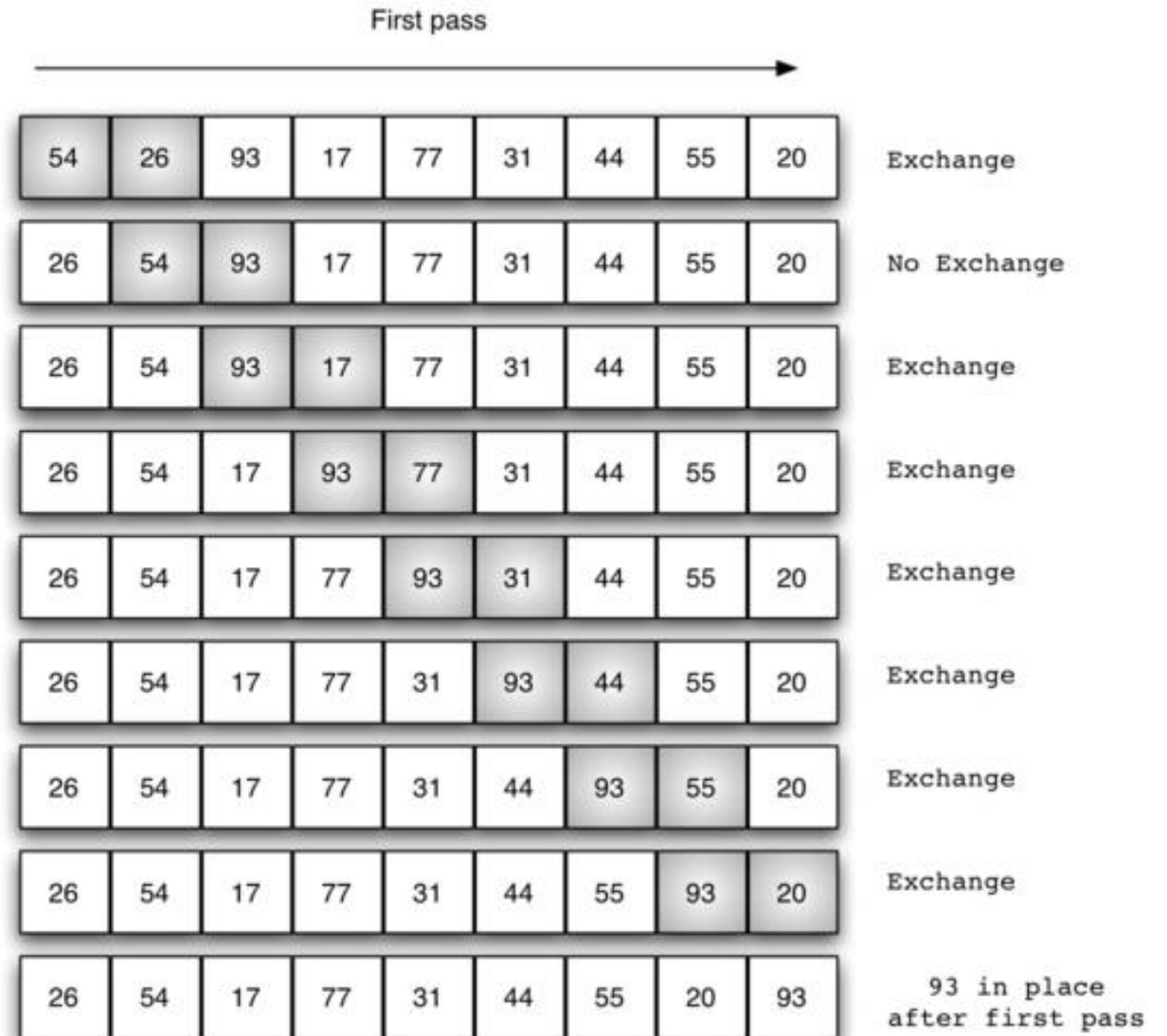


Bubble sort

- Etapas:
 1. Compare dois elementos adjacentes.
 2. Se o elemento da esquerda for maior que o da direita, troque-os de posição.
 3. Continue esse processo para todos os pares adjacentes da coleção.
 4. Ao final de cada passagem, pelo menos um elemento é posicionado corretamente.
 5. Repita as passagens até que nenhuma troca seja realizada, indicando que a coleção está ordenada.

Bubble sort

- Exemplo (primeira passagem):



Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 0

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5

10

8

1

2

7

3

tamanho = 7

i = 0

j = 0

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 1

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 1

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 1

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 2

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 2

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 2

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 3

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 3

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	10	7	3
---	---	---	---	----	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 3

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	10	7	3
---	---	---	---	----	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 4

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	10	7	3
---	---	---	---	----	---	---

tamanho = 7

i = 0

j = 4

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	10	3
---	---	---	---	---	----	---

tamanho = 7

i = 0

j = 4

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	10	3
---	---	---	---	---	----	---

tamanho = 7

i = 0

j = 5

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	10	3
---	---	---	---	---	----	---

tamanho = 7

i = 0

j = 5

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 0

j = 5

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	10	3
---	---	---	---	---	----	---

tamanho = 7

i = 0

j = 6 ❌

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 0

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5

8

1

2

7

3

10

tamanho = 7

i = 1

j = 0

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 1

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	8	1	2	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 1

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5

1

8

2

7

3

10

tamanho = 7

i = 1

j = 1

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5

1

8

2

7

3

10

tamanho = 7

i = 1

j = 2

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	8	2	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 2

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	8	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 2

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	8	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 3

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	8	7	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 3

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	8	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 3

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	8	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 4

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	8	3	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 4

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	3	8	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 4

Bubble sort



```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	3	8	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 1

j = 5 ❌

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

5	1	2	7	3	8	10
---	---	---	---	---	---	----

tamanho = 7

i = 2

j = 0

Continua até a última passagem!!!

Bubble sort

```
void bubbleSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
            }  
        }  
    }  
}
```

O que acontece se o vetor já estiver ordenado no momento da chamada da função bubbleSort?

Bubble sort

```
void bubbleSortModified(int vetor[], int tamanho) {  
    int trocou;  
  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        trocou = 0;  
  
        for (int j = 0; j < tamanho - i - 1; j++) {  
            if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {  
                int temp = vetor[j];  
                vetor[j] = vetor[j + 1];  
                vetor[j + 1] = temp;  
  
                trocou = 1;  
            }  
        }  
  
        if (trocou == 0)  
            break;  
    }  
}
```

Bubble sort

- Vantagens:
 - Fácil de compreender e implementar.
 - Baixo uso de memória: Realiza a ordenação no próprio vetor.
 - Com uma pequena otimização, pode identificar que a coleção já está ordenada quando nenhuma troca é realizada durante uma passagem.
- Desvantagens:
 - Baixa eficiência: Realiza muitas comparações e trocas desnecessárias.
 - Complexidade quadrática: Possui complexidade $O(n^2)$.

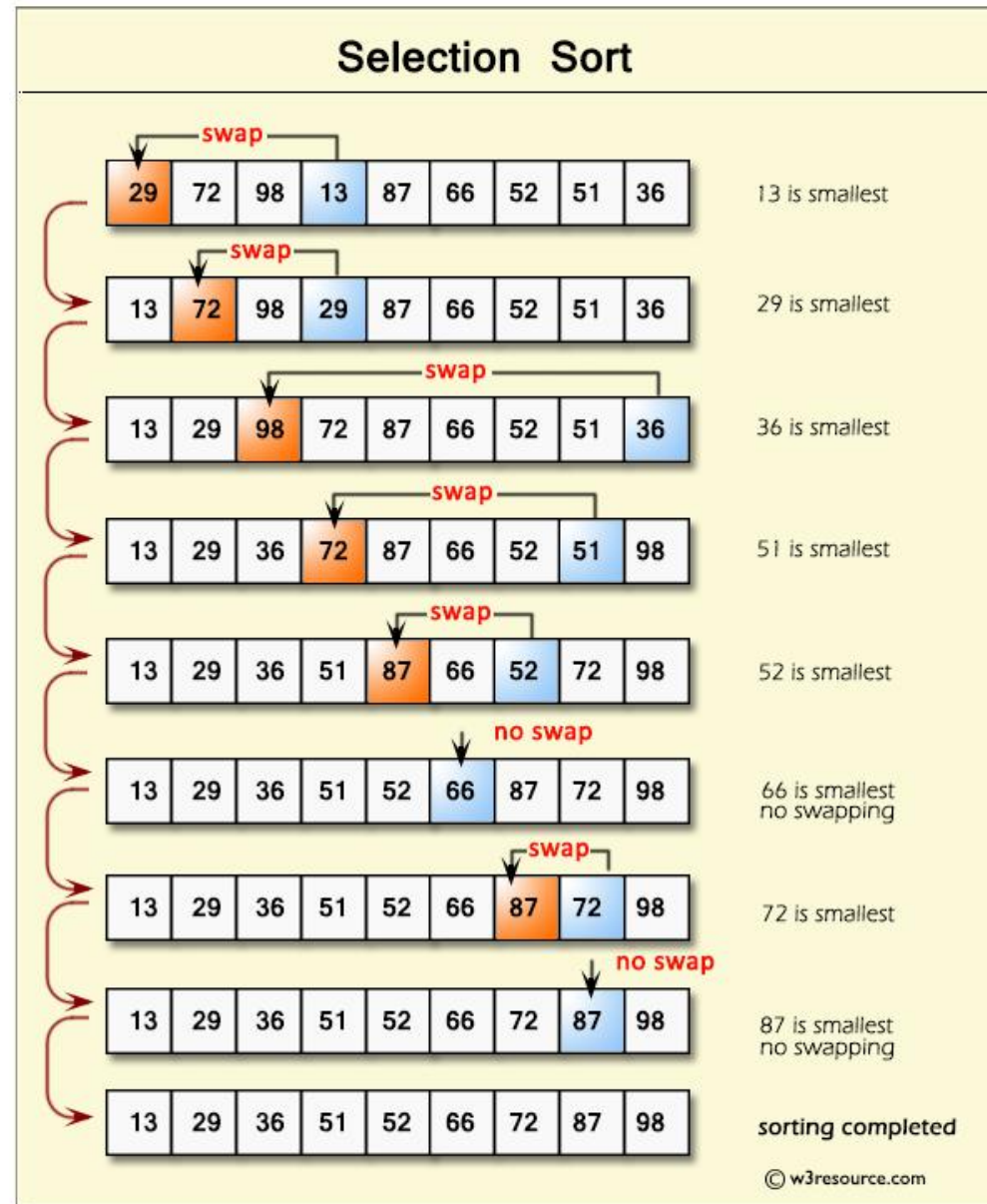
Selection sort

- O Selection Sort ordena a coleção selecionando, a cada passo, o menor (ou maior) elemento da parte ainda não ordenada e colocando-o em sua posição correta.
- Diferentemente do Bubble Sort, o Selection Sort realiza apenas uma troca por passagem, após identificar o menor (ou maior) elemento da região não ordenada da coleção. Isso reduz a quantidade de trocas realizadas pelo algoritmo.

Selection sort

- Etapas:
 1. Considere a primeira posição da coleção como a posição a ser preenchida.
 2. Procure o menor elemento entre os elementos ainda não ordenados.
 3. Troque esse elemento com o elemento da posição atual.
 4. Avance para a próxima posição da coleção.
 5. Repita o processo até que todos os elementos estejam ordenados.

Selection sort



Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 1

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 1

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 2

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 2

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 3

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 0

j = 3

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 3

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 4

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 4

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 5

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 5

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 6

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 6

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 7 ❌

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 7

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 0

menor = 3

j = 7



Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 1

j = 2

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 1

j = 2

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 2

j = 2

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 2

j = 3

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 2

j = 3

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 3

j = 3

Selection sort



```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 3

j = 4

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 3

j = 4

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 4

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 5

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 5

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 6

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 6

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 7 ✖

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```



1	10	8	5	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 7

Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	2	8	5	10	7	3
---	---	---	---	----	---	---

tamanho = 7

i = 1

menor = 4

j = 7



Selection sort

```
void selectionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++) {  
        int menor = i;  
        for (int j = i + 1; j < tamanho; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[menor]) {  
                menor = j;  
            }  
        }  
        if (menor != i) {  
            int temp = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[menor];  
            vetor[menor] = temp;  
        }  
    }  
}
```

1	2	8	5	10	7	3
---	---	---	---	----	---	---

tamanho = 7

i = 2

menor = 2

j = 3

Continua até a última passagem!!!

Selection sort

- Vantagens:
 - Fácil de compreender e implementar.
 - Poucas trocas por passagem.
 - Baixo uso de memória: Realiza a ordenação no próprio vetor.
 - Desempenho previsível.
- Desvantagens:
 - Baixa eficiência.
 - Grande número de comparações: Mesmo que a coleção já esteja ordenada, o algoritmo continua realizando todas as comparações previstas.
 - Complexidade quadrática: Possui complexidade $O(n^2)$.

Insertion sort

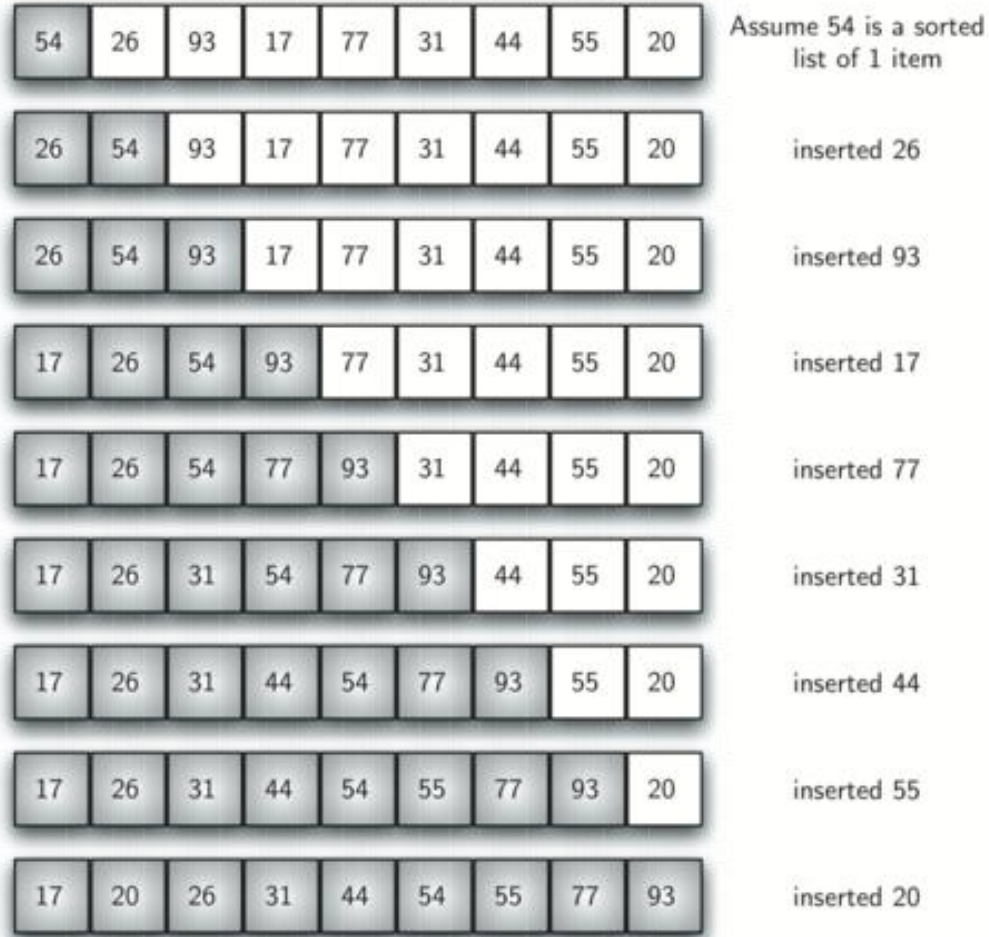
- O Insertion Sort é um algoritmo de ordenação que constrói a sequência ordenada gradualmente. A cada passo, um elemento é retirado da parte não ordenada da coleção e inserido na posição correta da parte já ordenada.
- A ideia é semelhante à forma como organizamos cartas em uma mão de baralho: cada nova carta é inserida na posição adequada entre as cartas já organizadas.



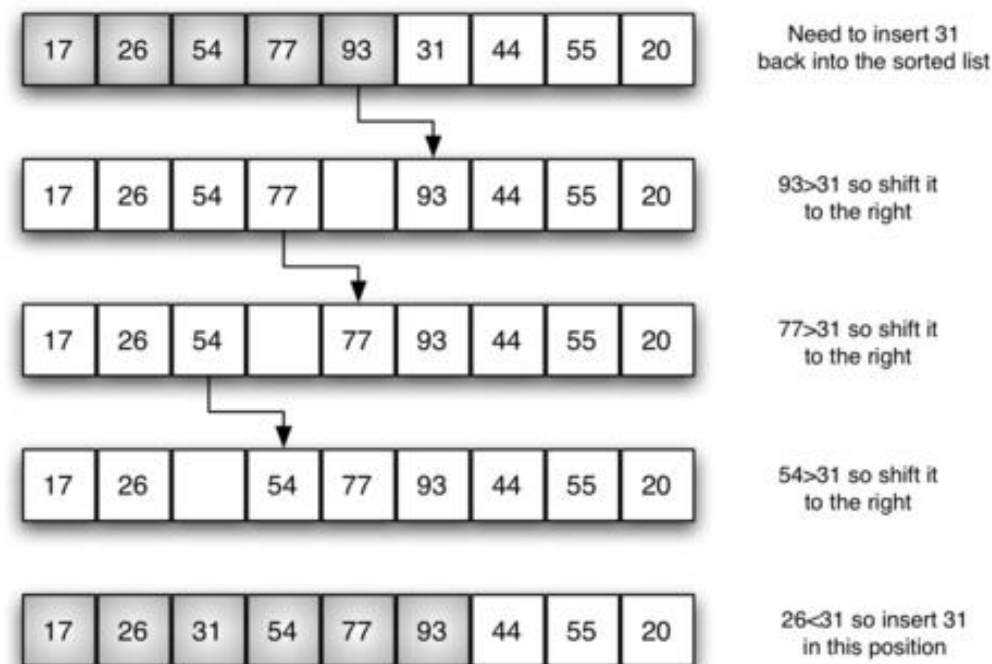
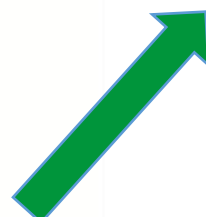
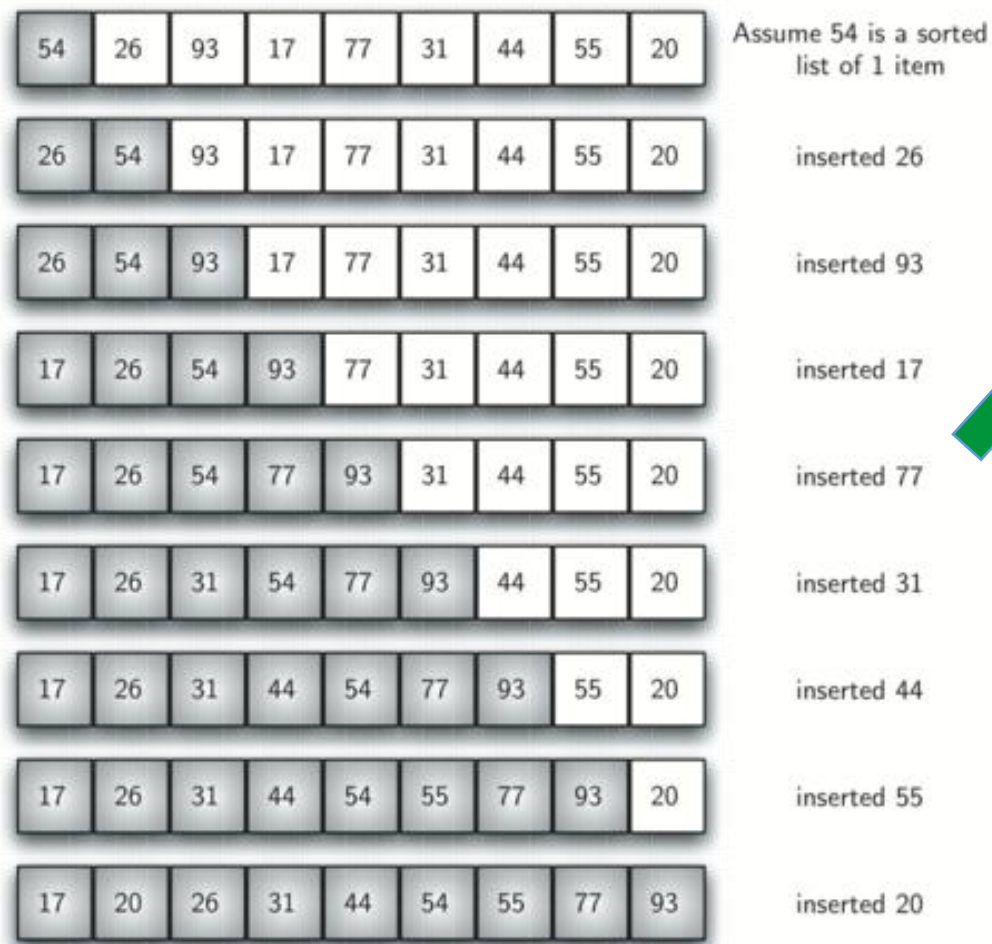
Insertion sort

- Etapas:
 1. Considere o primeiro elemento da coleção como uma subsequência já ordenada.
 2. Selecione o próximo elemento da parte não ordenada.
 3. Compare esse elemento com os elementos da subsequência ordenada, da direita para a esquerda.
 4. Desloque para a direita os elementos maiores que o elemento selecionado.
 5. Insira o elemento na posição correta.
 6. Repita os passos 2 a 5 até que todos os elementos tenham sido inseridos na subsequência ordenada.

Insertion sort



Insertion sort



Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

chave = 10

j = 0

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

chave = 10

j = 0

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```



5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 1

chave = 10

j = 0

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	10	1	2	7	3
---	----	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	10	1	2	7	3
---	----	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 0

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	10	10	1	2	7	3
---	----	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 0

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```



5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 2

chave = 8

j = 0

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 2

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	10	1	2	7	3
---	---	----	---	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 2

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	10	10	2	7	3
---	---	----	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 2

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	10	10	2	7	3
---	---	----	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	10	10	2	7	3
---	---	----	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 1

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```



5	8	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 0

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	8	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 0

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```



5	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = 0

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = -1

Insertion sort



```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

5	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = -1 ❌

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```



1	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 3

chave = 1

j = -1

Insertion sort

```
void insertionSort(int vetor[], int tamanho) {  
    for (int i = 1; i < tamanho; i++) {  
        int chave = vetor[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && vetor[j] > chave) {  
            vetor[j + 1] = vetor[j];  
            j--;  
        }  
  
        vetor[j + 1] = chave;  
    }  
}
```

1	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

tamanho = 7

i = 4

chave = 2

j = 3

Continua até a última passagem!!!

Insertion sort

- Vantagens:
 - Fácil de compreender e implementar.
 - Eficiente para coleções pequenas: Apresenta bom desempenho quando o número de elementos é reduzido.
 - Adaptativo: aproveita coleções já ordenadas ou quase ordenadas.
 - Baixo uso de memória: Realiza a ordenação no próprio vetor.
- Desvantagens:
 - Muitas movimentações: Em vetores muito desordenados, pode ser necessário deslocar vários elementos para inserir cada novo item na posição correta.
 - Complexidade quadrática: Possui complexidade $O(n^2)$.

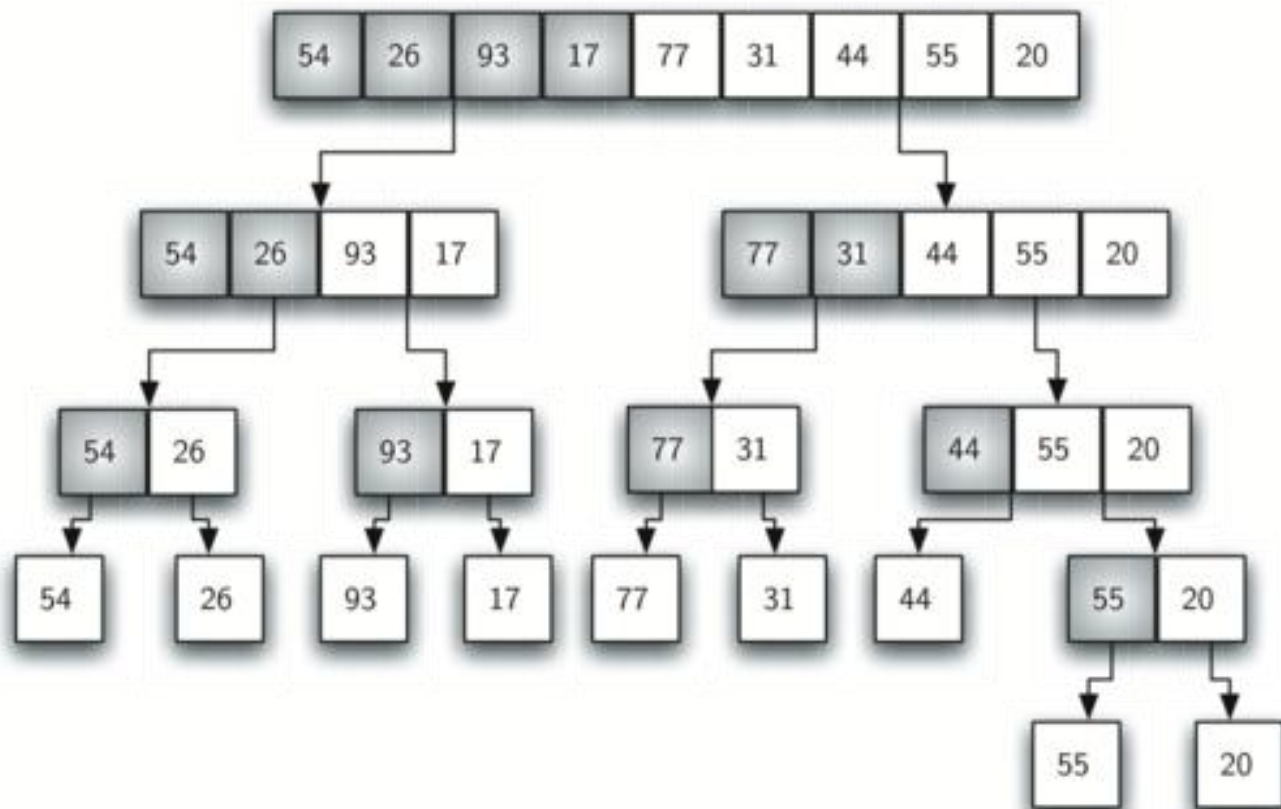
Merge sort

- O Merge Sort é um algoritmo de ordenação baseado na estratégia de divisão e conquista (divide and conquer).
 - O Merge Sort divide o problema em subproblemas menores, resolve cada um deles e depois combina os resultados para obter a solução final.
- Ele funciona dividindo repetidamente a coleção em partes menores até que cada parte contenha apenas um elemento. Em seguida, essas partes são combinadas (merge) de forma ordenada, produzindo gradualmente uma coleção totalmente ordenada.
- O Merge Sort é conhecido por sua eficiência em grandes conjuntos de dados e possui uma complexidade de tempo médio e pior caso de $O(n \cdot \log n)$, onde n representa o número de elementos a serem ordenados.

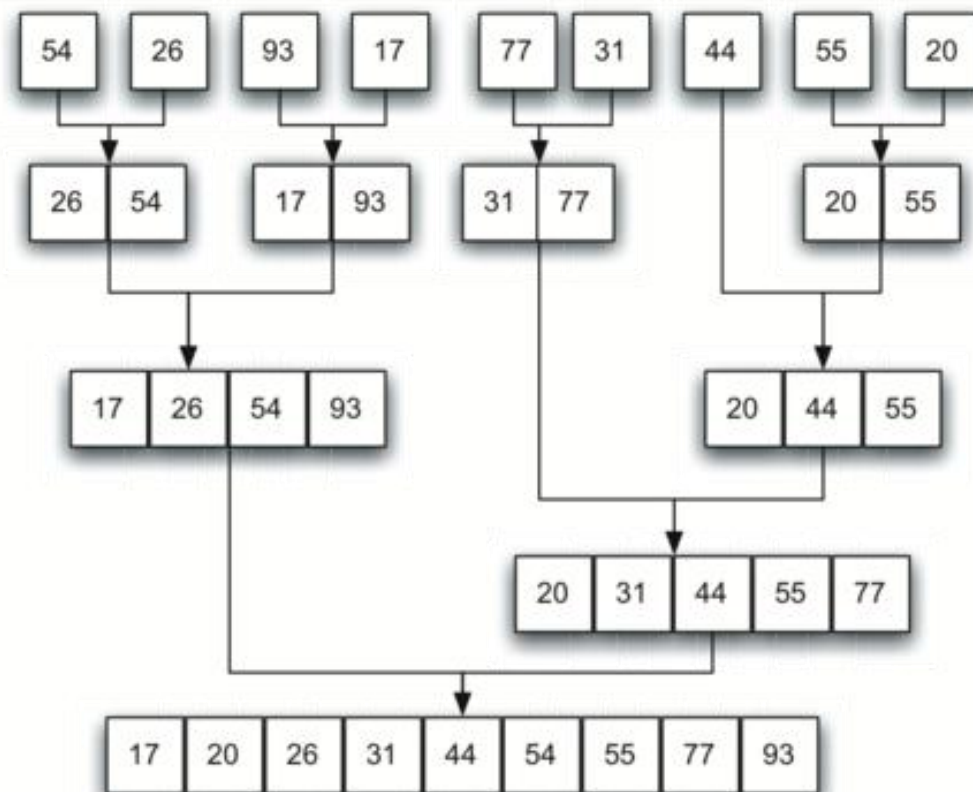
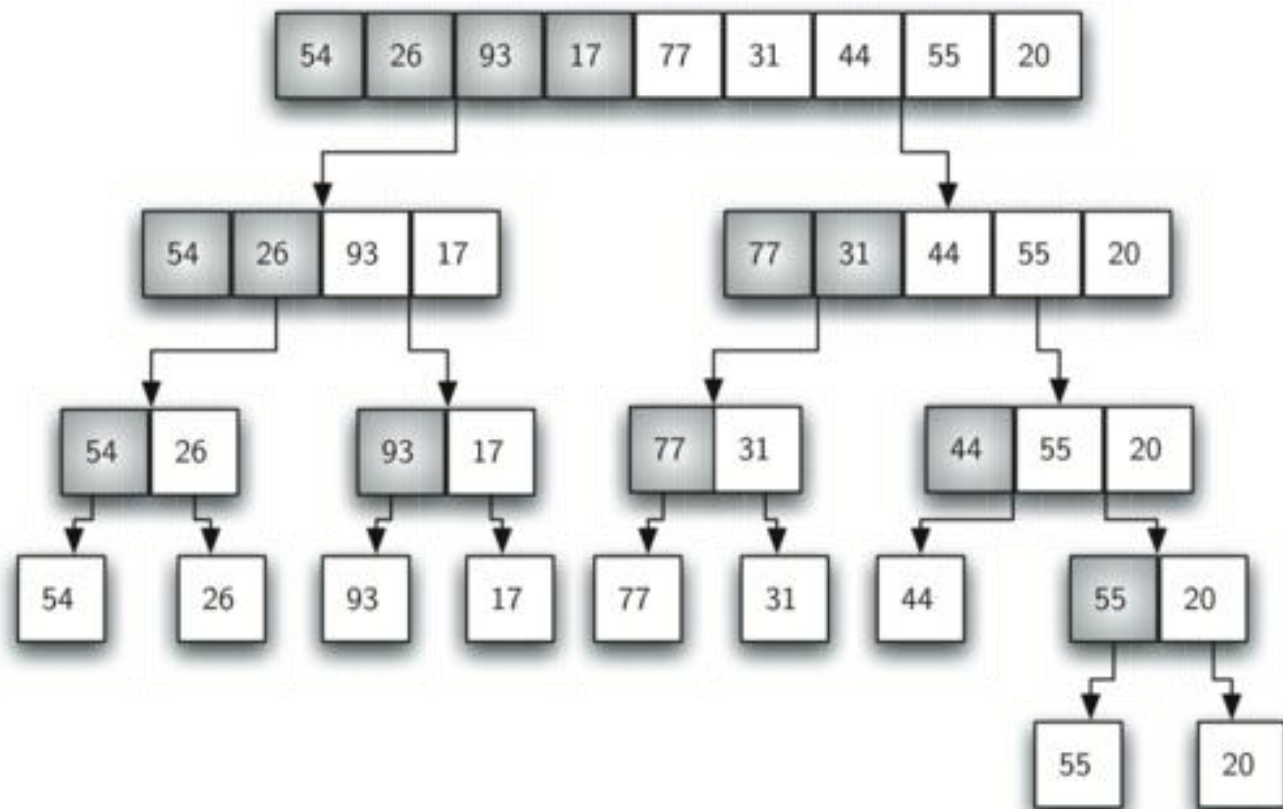
Merge sort

- Etapas:
 1. Divida a coleção em duas metades aproximadamente iguais.
 2. Repita a divisão recursivamente para cada metade até que cada subcoleção contenha apenas um elemento.
 3. Intercale as subcoleções, comparando seus elementos e formando uma nova sequência ordenada.
 4. Copie os elementos ordenados para a coleção original.
 5. Repita a intercalação das subcoleções já ordenadas até obter uma única coleção completamente ordenada.

Merge sort



Merge sort



Merge sort

```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {

    int n1 = meio - inicio + 1;
    int n2 = fim - meio;

    int esquerda[n1];
    int direita[n2];

    // Copia os dados para os vetores auxiliares
    for (int i = 0; i < n1; i++)
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];

    for (int j = 0; j < n2; j++)
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];

    // Copia os dados para os vetores auxiliares

    int i = 0;
    int j = 0;
    int k = inicio;

    // Intercala os vetores auxiliares
    while (i < n1 && j < n2) {

        if (esquerda[i] <= direita[j]) {
            vetor[k] = esquerda[i];
            i++;
        } else {
            vetor[k] = direita[j];
            j++;
        }

        k++;
    }

    // Copia os elementos restantes da esquerda
    while (i < n1) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
        k++;
    }

    // Copia os elementos restantes da direita
    while (j < n2) {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
        k++;
    }
}
```

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
}
```

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

5	10	8	1	2	7	3
---	----	---	---	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

As chamadas recursivas do Merge Sort são executadas em profundidade (depth-first), seguindo a ordem imposta pela pilha de chamadas (call stack).

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

1	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

mergesort({1,5,8,10,2,7,3}, 4, 6)

Merge sort



```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

1	5	8	10	2	7	3
---	---	---	----	---	---	---

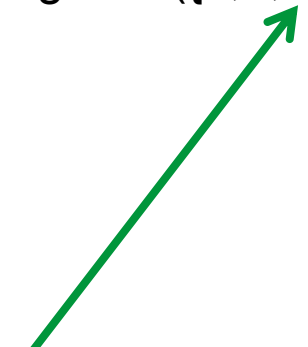
inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

mergesort({1,5,8,10,2,7,3}, 4, 6)



No momento em que a segunda chamada recursiva (mergeSort da metade direita) é executada, a metade esquerda daquela divisão já foi totalmente ordenada.

Merge sort

```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

mergesort({1,5,8,10,2,7,3}, 4, 6)

merge({1,5,8,10,2,3,7}, 0, 3, 6)

Merge sort

```
void mergeSort(int vetor[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int meio = (inicio + fim) / 2;  
  
        mergeSort(vetor, inicio, meio);  
        mergeSort(vetor, meio + 1, fim);  
  
        merge(vetor, inicio, meio, fim);  
    }  
}
```

1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

fim = 6

meio = 3

mergesort({5,10,8,1,2,7,3}, 0, 3)

mergesort({1,5,8,10,2,7,3}, 4, 6)

merge({1,5,8,10,2,3,7}, 0, 3, 6)

No momento em que merge() é executada, as metades esquerda e direita já foram completamente processadas e ordenadas pelas chamadas recursivas de mergeSort().

Merge sort



```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

Merge sort



```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

Merge sort



```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

--	--	--	--

int direita[3] =

--	--	--

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

--	--	--	--

int direita[3] =

--	--	--

i = 0

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1			
---	--	--	--

int direita[3] =

--	--	--

i = 0

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1			
---	--	--	--

int direita[3] =

--	--	--

i = 1

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5		
---	---	--	--

int direita[3] =

--	--	--

i = 1

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```

1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

--	--	--

Continua até preencher esquerda[4]!!!

Merge sort

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {  
  
    int n1 = meio - inicio + 1;  
    int n2 = fim - meio;  
  
    int esquerda[n1];  
    int direita[n2];  
  
    // Copia os dados para os vetores auxiliares  
    for (int i = 0; i < n1; i++)  
        esquerda[i] = vetor[inicio + i];  
  
    for (int j = 0; j < n2; j++)  
        direita[j] = vetor[meio + 1 + j];  
}
```

1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---



Merge sort

```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```

1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 0

j = 0

k = 0

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 0

j = 0

k = 0



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 0

j = 0

k = 0



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 0

j = 0

k = 0

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 0

k = 0



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 0

k = 1

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 0

k = 1



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	5	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 0

k = 1



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 0

k = 1



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 1

k = 1

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	2	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 1

k = 2

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```

1	2	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 1

k = 2



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	8	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 1

k = 2



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	2	3	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 1

k = 2



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 2

k = 2

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	2	3	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 2

k = 3



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 2

k = 3



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	10	2	3	7
---	---	---	----	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 2

k = 3



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	2	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 1

j = 2

k = 3

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	2	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 2

k = 3



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	2	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 2

k = 4

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	2	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 2

k = 4



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	2	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0
meio = 3
fim = 6

n1 = 4
n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2
j = 2
k = 4



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	7	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 2

k = 4



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {

    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }

    k++;
}
```



1	2	3	5	7	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 3

k = 4

Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	7	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 3

k = 5



Merge sort



```
int i = 0;
int j = 0;
int k = inicio;

// Intercala os vetores auxiliares
while (i < n1 && j < n2) {
    if (esquerda[i] <= direita[j]) {
        vetor[k] = esquerda[i];
        i++;
    } else {
        vetor[k] = direita[j];
        j++;
    }
    k++;
}
```



1	2	3	5	7	3	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 3 ❌

k = 5



Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 2

j = 3

k = 5

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	7
---	---	---	---	---	---	---

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 3

j = 3

k = 6

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	10
---	---	---	---	---	---	----

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 3

j = 3

k = 6

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	10
---	---	---	---	---	---	----

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 4

j = 3

k = 7

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	10
---	---	---	---	---	---	----

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 4 ✖

j = 3

k = 7

Merge sort



```
// Copia os elementos restantes da esquerda
while (i < n1) {
    vetor[k] = esquerda[i];
    i++;
    k++;
}

// Copia os elementos restantes da direita
while (j < n2) {
    vetor[k] = direita[j];
    j++;
    k++;
}
```

1	2	3	5	7	8	10
---	---	---	---	---	---	----

inicio = 0

meio = 3

fim = 6

n1 = 4

n2 = 3

int esquerda[4] =

1	5	8	10
---	---	---	----

int direita[3] =

2	3	7
---	---	---

i = 4

j = 3 ✖

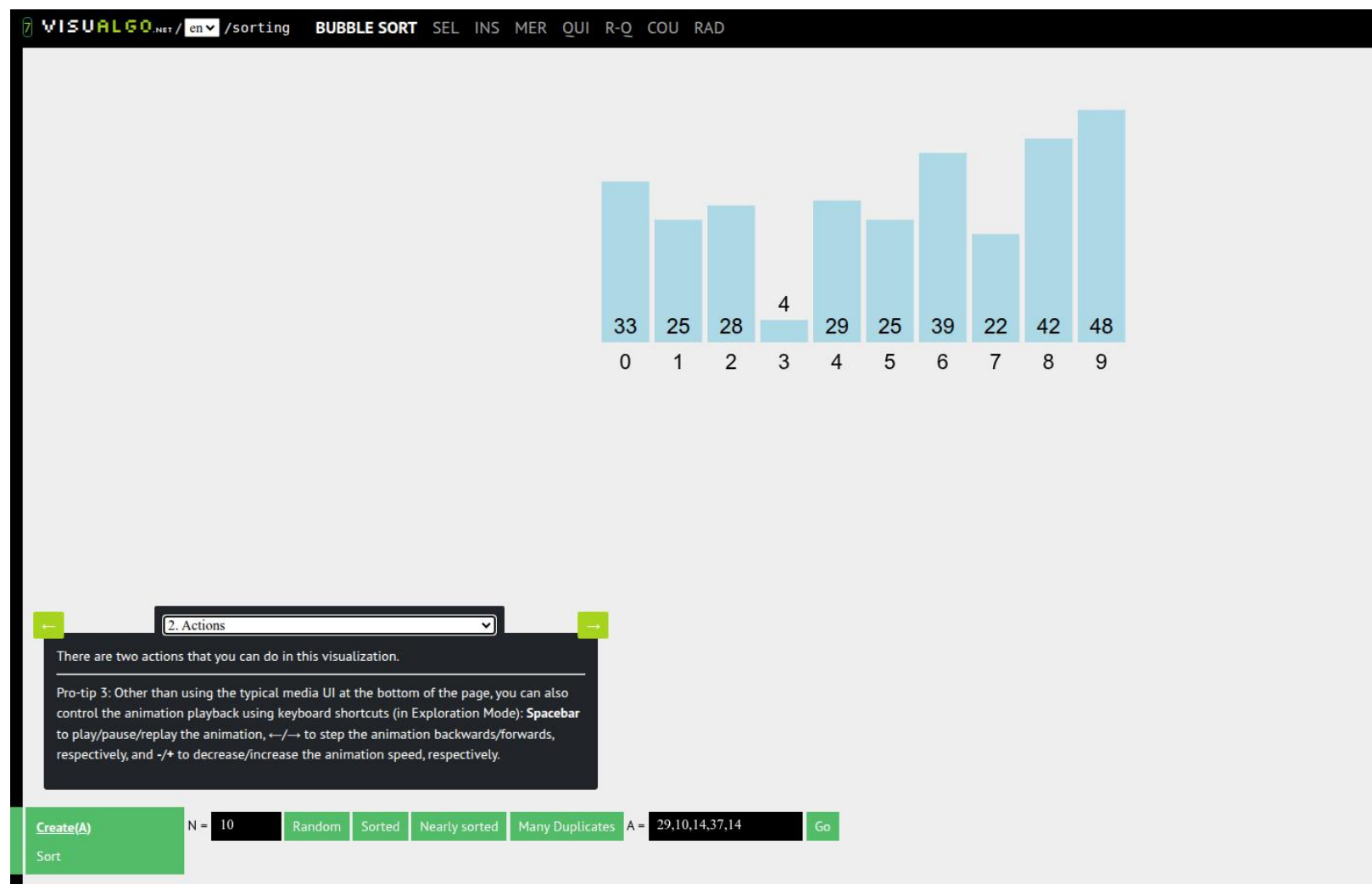
k = 7

Merge sort

- Vantagens:
 - Alta eficiência: Possui complexidade $O(n \log n)$.
 - Desempenho previsível: Seu tempo de execução não depende da disposição inicial dos dados.
 - Adequado para grandes coleções.
 - Eficiente para listas encadeadas.
- Desvantagens:
 - Uso de memória adicional: Requer estruturas auxiliares para realizar a intercalação das sublistas, consumindo $O(n)$ de memória extra.
 - Implementação mais complexa.
 - Sobrecarga da recursão: As chamadas recursivas podem aumentar o consumo de memória.

Animações

- <https://visualgo.net/en/sorting>



Exercícios

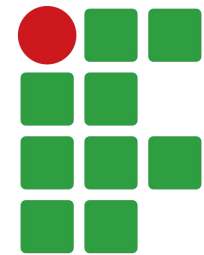
1. Os algoritmos de ordenação estudados (Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort e Merge Sort) podem ser aplicados não apenas a vetores de inteiros, mas também a vetores de caracteres. Em C, cada caractere é armazenado internamente como um valor numérico correspondente à tabela ASCII, permitindo comparações utilizando os operadores relacionais (<, >, <=, >=).
 - a) Modifique os algoritmos Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort e Merge Sort para receber um vetor de caracteres e ordenar em ordem crescente.
 - b) Modifique os algoritmos Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort e Merge Sort para receber um vetor de caracteres e ordenar em ordem decrescente.

Dúvidas



ALGORITMOS E ESTRUTURA DE DADOS

Curso de Engenharia de Software
Lucas Sampaio Leite



**INSTITUTO
FEDERAL**
Pernambuco